

2^{nde} : TD sur les vecteurs colinéaires

Consulter les trois vidéos suivantes avant de commencer : (cliquer sur les titres)

- cliquer : [ici](#)
- cliquer : [ici](#)

À la fin, il vaut mieux parler de $\frac{1}{2}\vec{u}$ que $0,5\vec{u}$

- cliquer : [ici](#)

Revoir également la relation de Chasles et la somme de deux vecteurs de même origine.

I Autour d'un mot caché

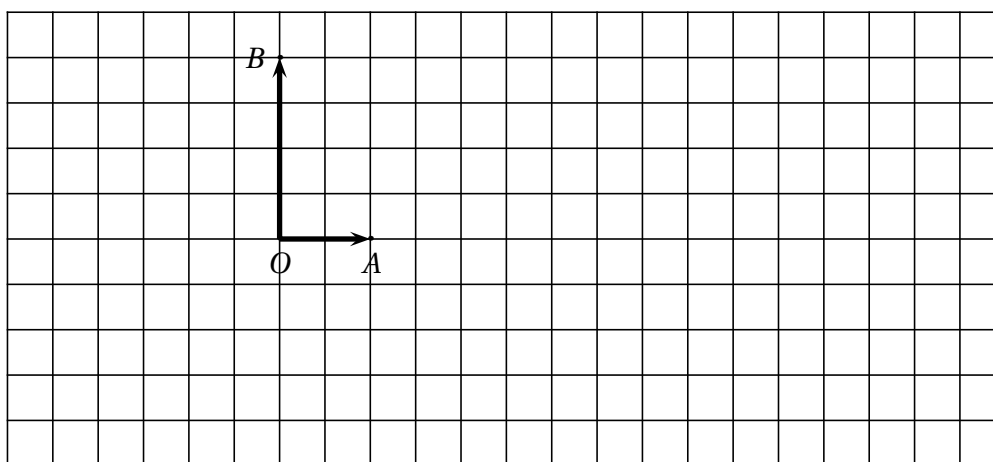
Construire sur la grille ci-dessous les 18 points $C, D, E, F, G, H, I, J, K, L, M, N, P, Q, R, S, T$ et U définis respectivement par les égalités vectorielles ci-dessous :

Tous les vecteurs seront construits au crayon à papier et les 18 points seront marqués au stylo. Gommer ensuite tous les vecteurs qui ont servi à la construction des points, ainsi qu'éventuellement tous les points inutiles, pour ne garder que les points $O, A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L, M, N, P, Q, R, S, T$ et U . Tracer alors au stylo les segments $[FG], [FC], [DE], [BI], [BJ], [OA], [IH], [MN], [LK], [RQ], [RS], [SU], [QR]$ et $[PT]$.

Vous découvrirez alors le mot caché!

Égalités vectorielles : (lire de gauche à droite !)

$$\begin{aligned}\vec{OC} &= -\frac{5}{2}\vec{OA} - \vec{OB} & ; & \quad \vec{CD} = \vec{OB} & \quad ; & \quad \vec{CE} = \vec{OA} + \vec{OB} & \quad ; & \quad \vec{DF} = \vec{OB} \\ \vec{DG} &= 2\vec{OA} + \vec{OB} & ; & \quad \vec{OH} = 2\vec{OA} - \vec{OB} & \quad ; & \quad \vec{HI} = -2\vec{OA} & \quad ; & \quad \vec{BJ} = 2\vec{OA} \\ \vec{HK} &= \frac{3}{2}\vec{OA} & ; & \quad \vec{KL} = 2\vec{OB} & \quad ; & \quad \vec{LM} = -\vec{OA} & \quad ; & \quad \vec{AN} = \frac{7}{2}\vec{OA} + \vec{OB} \\ \vec{AP} &= 4\vec{OA} & ; & \quad \vec{PQ} = 2\vec{OA} + \vec{OB} & \quad ; & \quad \vec{QR} = -2\vec{OA} & \quad ; & \quad \vec{RS} = -2\vec{OB} \\ \vec{ST} &= \vec{OA} + \vec{OB} & ; & \quad \vec{TU} = \vec{OA} - \vec{OB}\end{aligned}$$



II

A et B sont deux points distincts. M est le point tel que :

$$3\overrightarrow{AB} - 2\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{0}.$$

Justifier que les vecteurs \overrightarrow{AM} et \overrightarrow{AB} sont colinéaires. Que peut-on en déduire pour les points A , M et B . Placer M .

III

ABC est un triangle. I est le milieu de $[AB]$. Les points J et K sont tels que $\overrightarrow{JC} = 2\overrightarrow{JA}$ et

$$\overrightarrow{KB} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{KC}.$$

1. Exprimer \overrightarrow{AJ} et \overrightarrow{KC} en fonction de \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} .
2. Prouver alors que les points I , J et K sont alignés.

IV

$ABCD$ est un parallélogramme. I est le milieu de $[AB]$. E est le point tel que $\overrightarrow{DE} = \frac{2}{3}\overrightarrow{DI}$.

1. Prouver que $\overrightarrow{AE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AD}$.
2. En déduire que les points A , C et E sont alignés.