

1. a) Graphiquement, on ne peut pas déterminer de valeur exacte, à cause de l'imprécision de la lecture.  
b) On peut trouver la valeur exacte de l'image de 15 en utilisant l'expression de la fonction  $g$ , donnée dans le sujet.
2. a) Graphiquement, on peut juste conjecturer que l'image de 15 se situe entre 51 et 52.  
b)  $g(15) = \frac{1}{4} \times 15^2 - 3 \times 15 + 40 = \frac{225}{4} - 45 + 40 = 56,25 - 5 = 51,25$  (ou  $\frac{205}{4}$ )
3. Graphiquement,  $g(20)$  semble très proche de 80.  
Effectivement,  $g(20) = \frac{1}{4} \times 20^2 - 3 \times 20 + 40 = \frac{400}{4} - 60 + 40 = 100 - 20 = 80$
4. a) Graphiquement, les antécédents de 40 par la fonction  $g$  sont 0 et 12.  
b) On peut le vérifier en calculant  $g(0)$  et  $g(12)$  :  
 $g(0) = \frac{1}{4} \times 0^2 - 3 \times 0 + 40 = 40$  et  
 $g(12) = \frac{1}{4} \times 12^2 - 3 \times 12 + 40 = \frac{144}{4} - 36 + 40 = 36 - 36 + 40 = 40$   
On peut maintenant affirmer que 0 et 12 sont les antécédents de 40.

On peut également résoudre l'équation  $g(x) = 40$

Elle est équivalente à  $\frac{x^2}{4} - 3x + 40 = 40$  soit  $\frac{x^2}{4} - 3x = 0$

En mettant  $x$  en facteur, on a  $x(\frac{x}{4} - 3) = 0$ . Cette équation-produit est équivalente à

$$x = 0 \text{ ou } \frac{x}{4} - 3 = 0, \text{ donc } x = 0 \text{ ou } \frac{x}{4} = 3 \text{ donc } x = 0 \text{ ou } x = 12$$

Il y a deux solutions : 0 et 12. On retrouve les mêmes résultats.

5. a) Graphiquement,  $g(x)$  est le plus petit possible pour  $x = 6$ .  
b)  $g(6) = \frac{1}{4} \times 6^2 - 3 \times 6 + 40 = \frac{36}{4} - 18 + 40 = 9 + 22 = 31$  donc 31 est une valeur approchée de la plus petite valeur de  $g(x)$  (on parle de valeur approchée, car 6 a été déterminé graphiquement).  
On peut également déterminer graphiquement la plus petite valeur de  $g(x)$  et constater qu'elle vaut environ 31.