

L'usage de la calculatrice est interdit.
Toutes les réponses doivent être justifiées, sauf spécification contraire.

Exercice 1 : Des produits scalaires

- 1) ABC est un triangle tel que $AB = 5$, $AC = 7$, $BC = 4$. Calculer $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$.
- 2) Soient $D(2; -1)$, $E(3; 2)$ et $F(0; 3)$. Calculer $\overrightarrow{EF} \cdot \overrightarrow{FD}$.
- 3) Soient G, H, I tels que $GH = 5$, $GI = 3$ et $\widehat{HGI} = \frac{3\pi}{4}$. Calculer $\overrightarrow{GH} \cdot \overrightarrow{GI}$.
- 4) Soit JKL un triangle équilatéral de côté 3 et M le milieu de $[KL]$. Calculer $\overrightarrow{JK} \cdot \overrightarrow{JM}$.

Exercice 2 : ROC

Enoncer et démontrer la propriété de caractérisation de l'orthogonalité par le produit scalaire.

Exercice 3 : Des cercles

- 1) Donner une équation du cercle de centre $\Omega(-3; 4)$ et de rayon 5.
- 2) Donner une équation du cercle de diamètre $[AB]$ avec $A(4; -4)$ et $B(8; 1)$.
- 3) Donner le centre et le rayon du cercle d'équation $x^2 + y^2 - 4x + y - 5 = 0$

Exercice 4 : une droite

Donner une équation de la droite passant par $A(-3; 4)$ et dont $\vec{n} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$ est un vecteur normal.

Exercice 5 : un angle

Soient \vec{u} et \vec{v} tels que $\vec{u}^2 = 4$, $\vec{v}^2 = 18$ et $\vec{u} \cdot \vec{v} = 6$

- 1) Calculer $(2\vec{u} + \vec{v}) \cdot (3\vec{u} + 4\vec{v})$
- 2) Déterminer toutes les mesures possibles, en radian, de l'angle $(\vec{u}; \vec{v})$

Exercice 6 : Théorème de la médiane

Soient A et B deux points du plan et I le milieu de $[AB]$.

Démontrer que pour tout point M du plan on a : $MA^2 + MB^2 = 2MI^2 + \frac{AB^2}{2}$